

Возможные и невозможные структуры пространства-времени с точки зрения теории чисел

Г.С. Мельников

Статья получена 26 декабря 2005г. Опубликована после доработки 13 января 2006г.

Для принятия общих точек зрения продолжим глоссарий, имеющий начало в статье автора (с соавторами), специально написанной для журнала “Философия науки” и опубликованной в №3 за 2003 год [1]:

Онтология: (от гр. *on (ontos)* – сущее + *logos-* понятие, учение; но не в понятии метафизического измышления о бытии, о началах всего сущего [2], а в искреннем желании разобраться в принципах формирования структур пространства-времени.

Парадигмы: В полном представлении Т. Куна [3, стр. 11] – признанные всеми научные достижения, которые в течении определенного времени дают научному сообществу модель постановки проблем и их решений.

Если в первой статье ставилась посильная задача – определиться в том, как теперь соотносятся категории “порядок” и “хаос”, то, судя по названию настоящей статьи и дополнениям глоссария, задача либо не выполнимая, либо не парадигмальная. По этой причине изложение будет носить полемический характер.

Введение

Само название настоящей статьи, имеющей претенциозный оттенок, показывает, что, если в других разделах физики научная общественность, хотя бы на короткий срок, периодически приходила к той или иной парадигме, то, как это следует из множества публикаций, (см. например статью А.С.Кравца [4] и ссылки по ней), в вопросах теории поля и космологии, к парадигме подойти, вероятно, невозможно вообще.

Позволю себе полное цитирование абзаца из статьи А.С.Кравца [4]

“Все эти потоки развития теоретической мысли привели к новому объединению — единой теории электрослабых и сильных взаимодействий, — называемому обычно Великим объединением. В основе этой теории, вобравшей в себя по существу все основные результаты физики элементарных частиц, лежит синтез новых физических принципов (принципа калибровочных полей, принципа локальной симметрии вместе с идеей спонтанно нарушенной симметрии) и новый статус ренормгрупповых преобразований [5]. Перед современной физикой открылись грандиозные перспективы для нового решающего шага в синтезе взаимодействий. Впереди — объединение гравитации с остальными видами взаимодействий (суперобъединение) [6]. “Объединение всех взаимодействий в суперобъединение, — пишет А.Б.Мигдал, — в принципе означало бы возможность объяснить все физические явления с единой точки зрения. В этом смысле будущую теорию называют Теорией Всего” [7]. “

С другой стороны, можно констатировать, что этой увлекательной задачей занимаются не только физики теоретики, но и специалисты смежных направлений. При этом выдвигаются новые объединяющие термины «геометродинамика», «ритмодинамика», «эфиродинамика», динамика «физического вакуума», динамика «столкновительных взаимодействий». Намеренно не привожу ссылок на названные направления исследований, а для желающих хотя бы ознакомиться с ними во всемирной сети интернет это прямые ссылки. Однако, хочу обратить внимание на три работы, имеющие так же ссылки и в интернет [8...10].

Написание настоящей статьи вызвано необходимостью поделиться последними соображениями по исследованию возможных конструкций (регулярных и фрактальных) в четырех вложенных друг в друга подпространствах-времени, формируемых парами в 4х- мерном и 5ти- мерном пространствах-времени, соответственно:

4-х мерные

- Евклидово электрическое,
- не Евклидово гравитационное,

5-ти мерные

- не Евклидово пространство микромира,
- Евклидово электрическое антипространство-время

Вся эта классификация не мой плод воображения, а логический вывод из небольшой, но очень правильной монографии Вадима Косыева [10], (если из нее исключить теософские отступления. - Вот ведь, как только ученый подходит к проблемам космологии, так его сразу заносит на необозримые и непознанные высоты. Как в [10], так и в [9], а в [9], к тому же, упор на каболу). Перечисление подпространств у В.Я. Косыева базируется на основе анализа диаграммы направления преобразования

элементарных частиц, при смене природы континуума в координатной плоскости гравитационного m и электрического q зарядов.

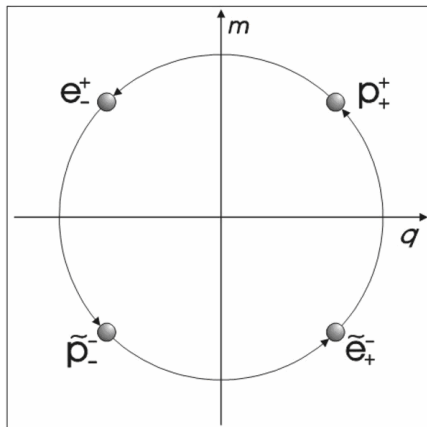


Рис.1. Направление преобразования элементарных частиц при смене природы континуума.
(Рисунок заимствован с согласия автора из монографии [10], рис. 8.4, стр 82.)

Сама группировка подпространств-времени по их пространственно-временной размерности - результат оригинального исследования гиперкомплексных уравнений геометрического поля пространственных частот (ГППЧ). Предварительное знакомство с ГППЧ возможно выполнить по работе [1] и по сайтам этого приложения.

Вторым побуждающим поводом послужили последние знакомства с работами группы зарубежных исследователей и разработчиков, как межпланетных космических систем и звездолетов, так и новых видов топлива (Если верить сообщениям, уже несколько миллиграмм антивещества создано и накоплено). Даю ссылки на наиболее значительные работы по этим направлениям: [11]. Этот перечень далеко не полный.

1. Постулаты и доказательства.

1.0. Постулаты.

Гносеологическая сущность понятия *онтология* состоит в прямой связи этого понятия с понятием *жизнь*. Для этого же понятия давно выработано определение – *жизнь это движение*. А движение подразумевает динамику, т.е. преобразование форм, координатных положений объектов и их внутренних состояний во времени. И как только появляется время, так появляется и динамика, а вместе с ними множественность искренних заблуждений в науке, например [9], [12], а порой и агрессивных заблуждений, например перечисленные выше динамики взаимодействий. Над природой и выявлением свойств самого времени наука постоянно ломает копыта и сам спектр выработанных определений и представлений о времени лежит в широком диапазоне от придания ему движущих энергетических свойств (Козырев [13]) до полного отрицания его существования. На последнюю точку зрения даже не буду давать ссылок. Могу только полностью согласиться с мнением В.Я. Косыева из его статьи, ссылке на статью см. в [10].

“ Во Вселенной существует закон, однозначно определяющий связь временных и пространственных масштабов через плотность материи. Если отсутствует материя, то и нет пространства, нет времени”.

К фундаментальным представлениям о структуре мира относят представления о цилиндрическом мире А. Эйнштейна (1917 год) и о шаровом мире де Ситтера (1916-1917 год). И, хотя в последующем Фридман А.А. выдвинул гипотезу, из которой в виде частных случаев могут быть получены как цилиндрический мир Эйнштейна, так и шаровой мир Де-Ситтера [14], однако это не способствовало появлению хотя бы временной парадигмы по представлениям о структуре мира, а, вероятно, еще более запутало ситуацию. Появилась множественность анти- де Ситтеровских моделей, в качестве примера привожу лишь их малую часть, просто на выбор [15].

Дело в том, что метрика (D), получена Фридманом из двух предположений [14].

Первое предположение из которых:

-при выделении из четырех мировых координат трех пространственных (x_1, x_2, x_3) , при этом будем иметь пространство постоянной кривизны, могущей, однако, меняться с течением четвертой временной координаты (x_4) .

И второе предположение:

-время ортогонально пространству, хотя и введенное с оговоркой, что оно вводится исключительно в целях упрощения вычислений.

$$ds^2 = R^2(dx_1^2 + \sin^2 x_1 dx_2^2 + \sin^2 x_1 \sin^2 x_2 dx_3^2) + M^2 dx_4^2 \quad (D)$$

Именно это второе предположение, да еще с такой оговоркой, породило как множественность заблуждений, так и множественность прямых спекуляций, приводящих к различным, и названным выше, динамикам.

Как видно из выражения (D) Фридмановской метрики, она уже предполагает возможность ее представления в четырехмерной конструкции в полугеодезических параметрических координатах, т.е. построения полюсных конструкций реального мира, но трактовка множителя M перед временной координатой не исключает ее использования и в неферических построениях, использования в различных косоугольных координатах.

Во всех дальнейших построениях будем придерживаться следующих постулатов:

- описываемые конструкции и структуры пространства-времени базируются на сферических координатных системах, при этом координата времени (x_4) ортогональна трем пространственным координатам (x_1, x_2, x_3), а это возможно только при принятии де Ситтеровской модели экспоненциальной вселенной,
- в предлагаемой модели при описании динамических процессов выполняется принцип Снелиуса, как в общей, так и в частной его трактовке – угол падения равен углу отражения,
- Во всех математических построениях мы будем придерживаться гиперкомплексных описаний структурных элементов и самих подпространств-времени, при этом за основу берем утверждение, что нет мнимых членов в выражениях. Каждый из членов в уравнениях с мнимыми единицами должен иметь свое реальное физическое отображение.

1.1. К обоснованию.

Для снятия оттенка претенциозности, просматриваемого в названии статьи, прежде всего, убедимся в правомерности утверждения о возможности построение модели структуры пространства - времени на базе исследования теории чисел.

Неоднократно высказываемые в последние годы идеи о фрактальности пространства - времени, непосредственно, приводят к необходимости повторного обращения к нашему определению фрактальности или фракталам:

- Фракталы - гиперкомплексные объекты нецелочисленной размерности пространства-времени с пространственной или пространственно временной локализацией само подобных элементов, в общей иерархической итеративной структуре [1].

А это определение базируется не только на прямом доказательстве объективного существования фрактальной структуры в числовом континууме, выражаемом в аналитической записи принципов решета Эратосфена в комбинаторной форме [18].

$$U_{i/R, n/R, m/R, \dots, w/R} = \frac{1}{R^D} \sum_{p=1}^D F_N^{D-p} \cdot t^p$$

где $F_N^{D-p} = \sum_{\xi=0}^C (N)_{\xi} \dots \text{сумма} \dots \text{последовательностей} \dots \text{комбинаций} \dots \text{интервалов}$ (R)

между...составными...числами

при... $C = C_N^{D-p} = \frac{N!}{(D-p)!(N-D+p)!}$

Но, из прямого указания в нашем определении на то, что структуры фракталов базируются на гиперкомплексных аналитических функциях, в основе, которых лежат комплексные числа.

К тому же, из любого учебника по аналитическим функциям, известно триадное определение комплексных чисел:

- Комплексное число это вектор,
- Комплексное число это точка в координатной системе,
- Комплексное число это оператор поворота.

Последние определения приводят нас к непосредственным характеристикам пространства-времени, однозначно соответствующим характеристикам комплексных чисел:

- протяженность
- точка
- время.

Если очевидность бинарных соответствий понятий "вектор и протяженность", "точка координатной системы и точка пространства" очевидны, то для третьего определения соответствия приведем некоторые пояснения.

Ни у кого не вызывает удивления, что для введения размерности времени и разбиения геодезической сетки по часовым поясам мы интуитивно подразумеваем оператор поворота (в данном случае, Земли $1 \text{ час} \Leftrightarrow \frac{2 \cdot \pi}{24} = 15^\circ$). Вот почему в последовательной системе математических моделей

геометрического поля пространственных частот, на базе которых построены мои представления о возможных структурах пространства времени, эти понятия являются базовыми. При этом, основными инструментальными средствами для построения структурных разбиений пространства на подпространства и выявления принципов выполнения элементов пространства, являются, так же, последовательные решения задач математических бильярдov. Эти решения сначала были найдены для круга и цилиндра, затем для математических бильярдov в сфере [19]. Во всех этих задачах основной характеристикой описания выбран коэффициент фрактальности:

- Коэффициент фрактальности это безразмерная величина "k", которая может принимать все значения числового континуума. Она характеризует "k" - кратное разделение как линейной, так и круговой протяженностей.
- При k целочисленных траектории распространения лучей в круге статические и представляют собой правильные вписанные в окружность многоугольники с числом вершин k.
- В случае k рациональных и определяемых отношением целых несократимых чисел

$$k = \frac{n}{m}$$

траектории распространения света также статические и представляют собой фрактальные многоугольники, т.е. правильные звездчатые замкнутые многоугольники, имеющие n вершин. Они формируются путем "заматания" лучом конечной площади в круге за m оборотов вокруг центра кривизны.

С помощью коэффициентов фрактальности, примененных к разделениям окружности и сферы, формируются эталонные характеристики времени для пространственно временных представлений.

$$\Omega_p = \frac{2 \cdot \pi}{k} \quad \text{- фазовое или угловое определение временной протяженности.}$$

$$\overline{\omega}_t = \frac{\pi \cdot c}{R \cdot \sin\left(\frac{\pi}{k}\right)} \quad \text{- пространственно частотное определение временной протяженности.}$$

Введенные две временные характеристики требуют дополнительных пояснений.

Если для характеристики времени в наш понятийный аппарат включить только представления о стрелочных часах и две (или три) ортогональных друг другу пространственных координаты, то все окружающее нас пространство может быть представлено как фазовое пространство времени. В таком пространстве в любой точке можно поместить стрелочные часы и построить бесконечное число без инерциальных концентрических систем окружностей и сфер времени. И, независимо в какой точке этого пространства устанавливаются эталонные часы, (естественно будем считать, что часы идеальные – с абсолютной точностью), по всему образованному таким способом пространству, с заданной скоростью счета тактов времени p, каждая дискретная точка воображаемых, бесконечно протяженных стрелок, в дискретных точках такого пространства будет, при своем движении, формировать дискретную сетку параметрических окружностей на плоскости. Эта синфазированная сетка будет формироваться в соответствии с параметрическими представлениями:

- для плоскости

$$x = R_p \cdot \cos(\Omega_p \cdot p) \quad y = R_p \cdot \sin(\Omega_p \cdot p)$$

- для пространства

$$x = R_p \cdot \cos(\Omega_v \cdot v) \cdot \cos(\Omega_u \cdot u)$$

$$y = R_p \cdot \sin(\Omega_v \cdot v) \cdot \cos(\Omega_u \cdot u) \quad (P)$$

$$z = R_p \cdot \sin(\Omega_u \cdot u)$$

Но как только в умозрительную модель мы будем закладывать не только фазовые, а еще и пространственно частотные представления, т.е. будем вводить линейную протяженность и величину ее измерения – скорость света c, так сразу картина существенно меняется. Независимо от того имеем ли мы дело с зарядами (различной природы), или нет, мы неизбежно приходим к множеству инерциальных систем отсчета. При этом (для образного описания), при формировании линейного (или гиперболического)

перемещения по полярной структуре времени геометрического эталона – протяженности, стрелки наших часов должны изменять свою длину. И конец стрелки времени должен параметрически перемещаться не по окружностям, а по вписанным линейным (или гиперболическим) многоугольникам и многогранникам. При этом, коэффициенты фрактальности будут выражаться как $k = \frac{l}{c}$, где l - протяженности, соединяющие

дискретные точки времени в фазовом поле времени, а в выражениях (P) появятся изменения не только в фазовых членах, но и неизбежно всплывут множители амплитудной модуляции

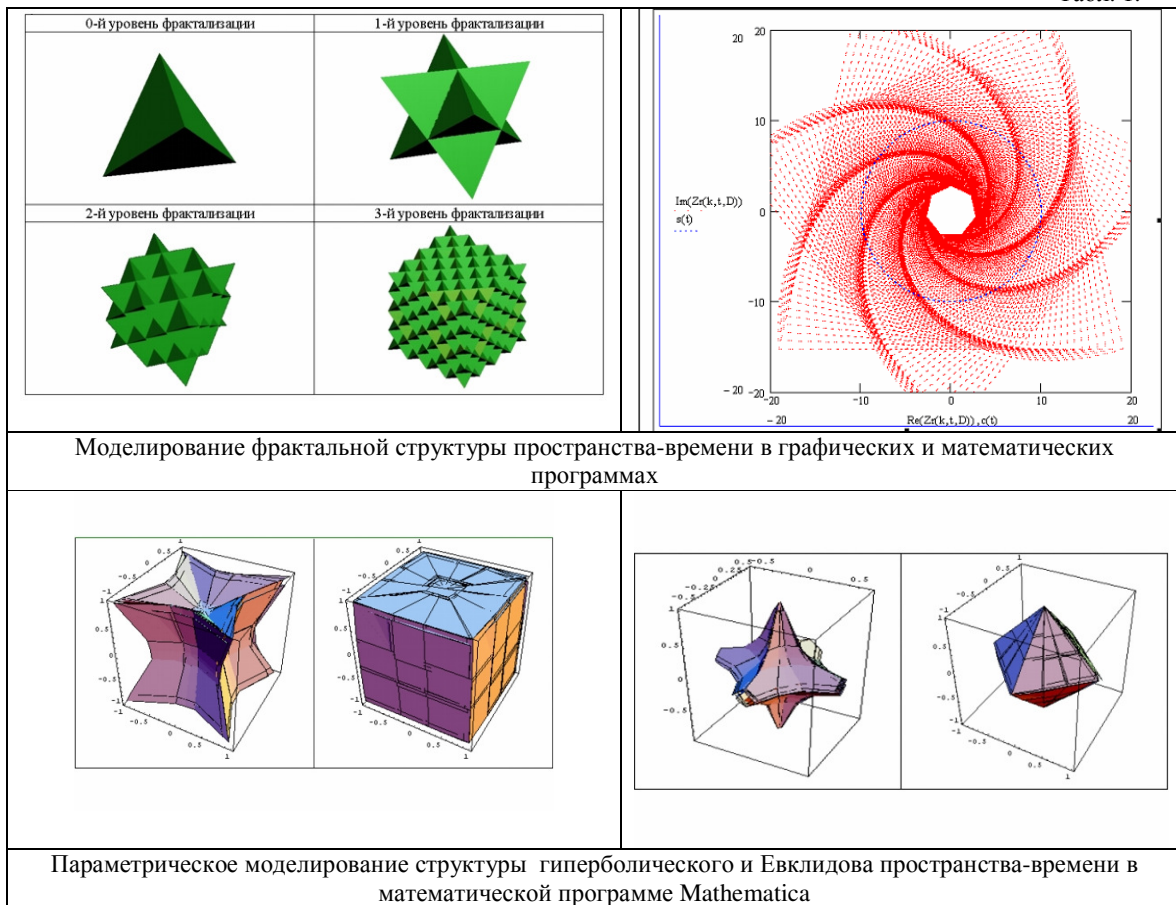
$$\begin{aligned} x &= R_p \cdot m_i \cdot \cos(\varpi_i \cdot t_v) \cdot \cos(\varpi_i \cdot t_u) \\ y &= R_p \cdot m_i \cdot \sin(\varpi_i \cdot t_v) \cdot \cos(\varpi_i \cdot t_u) \\ z &= R_p \cdot m_i \cdot \sin(\varpi_i \cdot t_u) \end{aligned} \quad (T)$$

Этим построением мы приходим уже не к пространству времени, а к пространству-времени, в котором начнут действовать релятивистские законы. В ходе исследований установлено, что как абсолютная величина коэффициента фрактальности, так и его знак позволяют отнести рассматриваемые структурные конструкции по принадлежности к тому или иному подпространству.

1.2. Предварительные результаты моделирования.

Исследование названных фазовых и пространственно временных протяженностей в аналитических функциях, представляемых в экспоненциальной форме позволило автору как решить задачи математических бильярдov в круге, так и, за счет фазовой трактовки символьных решений уравнений Максвелла для плоской электромагнитной волны, описать структуры разрешенных математических направлений в Евклидовом электрическом подпространстве-времени и в не Евклидовом гиперболическом гравитационном подпространстве-времени. См. пример, Табл.1.

Табл. 1.



Эти решения найдены в комплексных аналитических функциях [19 (1,2)]. Впервые решив эту задачу уже тогда было ясно, что построение упрощенного аналитического описания элемента пространства времени - плоскости дает путь к осуществлению предсказания Поля Дирака [20]:

"Одно указание на этот путь развития кажется довольно очевидным, а именно, что изучение целых чисел в современной математике неразрывным образом связано с теорией функций комплексной переменной, которая с большой вероятностью должна стать основой будущей физики". [20]

Запись экспоненциальных форм аналитических функций в виде параметрических кватернионных представлений позволила выполнить математическое моделирование объемных элементарных структур тех же самых подпространств.

Приведенные примеры, Табл. 1. характеризуются базовыми коэффициентами фрактальности, лежащими на числовой оси в диапазонах $[1 \dots 2]$ и $[2 \dots \infty]$ соответственно. Попытка выяснения структур связанных с коэффициентами фрактальности, лежащими в диапазоне $[0 \dots 1]$ на числовом континууме привела к выводу о том, что структуры для этого диапазона являются би-фрактальными, т.е. для их построения используются кроме трех координат пространства (X_1, X_2, X_3) еще две пространственно-временные характеристики X_4 и X_5 , совпадающие по радиусу с радиусами ядерных и электронных оболочек. Новые модели построения структур элементов таблицы Менделеева при их моделировании в параметрических аналитических функциях представлены в ряде международных конференций, проводимых под руководством проф. И.Л. Батаронова, при Воронежском ВГУ. Список публикаций по новым моделям представлен в ссылках [19 и 21]. В настоящей статье мы подошли к возможности моделирования экспоненциальных структур пространства времени в самом общем виде, описанном в форме Клиффордового представления решений аналитических октавных функций.

$$Z_{R,G}(k, t, d) = R \cdot \left(\frac{\sqrt[2d]{2}}{2} (m_{r(x,y)}^{\rightarrow}(k, t) \cdot \sqrt[2d]{1+\sqrt{-1}} \cdot (2m_{g(x,y)}^{\leftarrow} - 1)(k, t) \cdot \sqrt[2d]{1}) \right) \quad (M)$$

где:

$$\begin{aligned} \rightarrow m_{r(x,y)}(k, p) &= m_{x(k,p)} + i \cdot m_{y(k,p)} \quad \text{и} \\ \leftarrow m_{g(x,y)}(k, p) &= m_{g_x(k,p)} + i \cdot m_{g_y(k,p)} \end{aligned}$$

Это решение было впервые опубликовано в декабре 2003 года в материалах, представленных на конкурс за лучшую работу по гиперкомплексным числам, объявленный в 2003 году редактором журнала "Гиперкомплексные числа в геометрии и физике" Д.Г. Павловым. Последующая ее публикация сделана в [1] и статье, посланной на конференцию ВГУ в 2004 г. [21].

В качестве подтверждения правильности выбора октавного описания параллельных подпространств-времени можно найти в работах Буркхарда Хайма и последующих авторов [22]

Эта модель октавной записи до настоящего времени еще не осознана, с точки зрения ее физико-математической интерпретации. Сделаем эту первую попытку.

1.3. Доказательства.

А. Эйнштейн никогда не употреблял терминов «кажущееся время» и «истинное время». Идеалом физической теории для него была термодинамика, которая основана на двух простых посылах: во-первых, предполагается постоянство энергии и, во-вторых – увеличение беспорядка системы, т.е. ее энтропия [16].

Однако, за прошедшие сто лет исследования по космологии и астрофизике показали, что в природе наблюдаются элементы более сложной организации, чем организация пространства-времени, постулированная А. Эйнштейном. Одним из примеров осмысления новых экспериментально наблюдаемых фактов изложены в статье А.Н. Барбараша, помещенной здесь же [8]. Какова же возможная причина уверенно наблюдаемой самоорганизации в окружающем нас мире? К ответу на этот вопрос можно частично подойти, по-новому исследовав структурную организацию в числовом континууме и законов, влияющих на фрактализацию отдельных элементов этого континуума.

1.3.1. Связность

В математике понятие связности имеет многозначные применения наряду с таким понятием как структура.

В наших доказательствах мы будем базироваться на трех из них:

-связное пространство

-аддитивная и мультипликативная связности числовых последовательностей.

Связным пространством называется топологическое пространство, которое нельзя представить в виде суммы двух отдельных друг от друга частей. Пространство связно тогда и только тогда, когда каждая непрерывная числовая функция принимает на нем все промежуточные значения [23]. И, не смотря на то, что удаление отдельной точки Евклидовой плоскости не нарушает связности, усилим это допущение за счет введения понятия – точка рекуррентного нуля. Т.е. точки числовой оси, в которой функции не нарушая связности, имеют полюсы (1-го...4-го рода). И, лишь в случае, когда точка рекуррентного нуля функции

совпадает с нулем абсциссы функции, речь может идти о нарушении связности топологического пространства.

Далее, не смотря на то, что по строгому определению И.М. Виноградова [24], теория чисел занимается изучением свойств целых чисел, при всех своих доказательствах по структурным разбиениям пространств на подпространства, в этом исследовании мы будем придерживаться более общего определения. В исследовании предполагается изучение рекуррентных свойств всего числового континуума, подразумевая эти исследования, как исследования теории чисел [25].

Аддитивные (целое представлено из двух частей $c=a+b$) и мультипликативные (целое и части связаны $c=a*b$) связности мы будем исследовать в числовых последовательностях и функциях, образуемых при элементарном акте – деления единичного отрезка прямой линии и единичной окружности на части.

1.3.2. Деление протяженностей

Введенные ранее [1,19,21] четыре системы чисел вещественных кватернионов базируются на рассмотрении понятий деления единичного отрезка точкой.

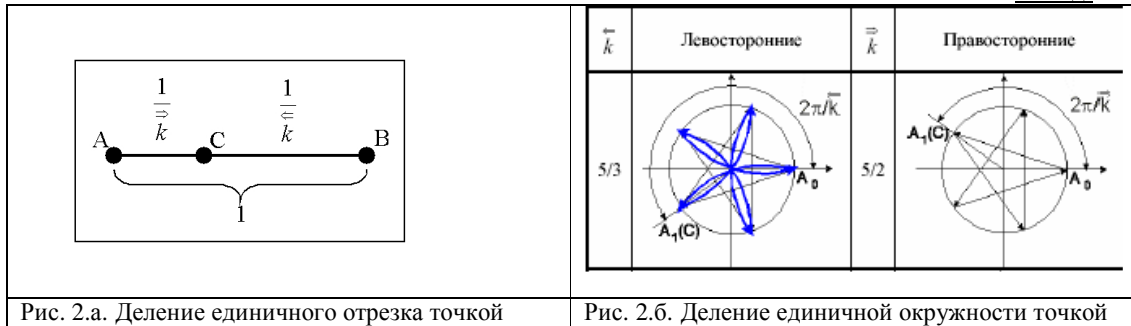
При этом, очевидно, что деление единичного отрезка точкой приводит нас к двум связанным (линейным топологическим) мерам – коэффициентам фрактальности правостороннего (K_n) и левостороннего (K'_n) деления отрезка (см. рис. 2)

Придав коэффициенту фрактальности правостороннего деления K_n текущие значения числовой оси k_i

$$K_n = k \tag{1}$$

из выражения единичного отрезка через сумму длин правосторонних и левосторонних коэффициентов деления отрезка и длины окружности приходим к (2) и (2')

Вывод:



$$1 = \frac{1}{K_n} + \frac{1}{K'_n} \tag{2}$$

$$2\pi = \frac{2\pi}{K_n} + \frac{2\pi}{K'_n} \tag{2'}$$

Задавая правосторонним коэффициентом фрактальности все числа числовой оси, - "k" кратную фрактализацию (деления), приходим к следующим соотношениям

$$1 = \frac{1}{k} + \frac{k-1}{k} \tag{2} \qquad 2\pi = \frac{2\pi}{k} + \frac{2\pi(k-1)}{k} \tag{2'}$$

Из чего следует, что для коэффициентов фрактальности правостороннего и левостороннего деления можно записать их выражения

$$K_n = k \tag{3}$$

$$K'_n = \frac{k}{k-1} \tag{4}$$

В свою очередь из представления выражения (2) по законам арифметического сложения дробей приходим к (5)

$$\frac{K_l + K_n}{K_n \cdot K_l} = 1 \quad (5)$$

т.е. приходим к выводу, что в (5) правосторонний и левосторонний коэффициенты фрактальности (разбиение отрезка или окружности единичной длины, обладают одновременно как мультипликативной, так и аддитивной связностью с обобщенным коэффициентом K_o

$$K_o = K_l + K_n = K_n \cdot K_l \quad (6)$$

выражение которого через правосторонний коэффициент $K_n = k$ находится из соотношений (3) и (6)

$$K_o = K_l + K_n = k + \frac{k}{k-1} = \frac{k^2 - k + k}{k-1} = \frac{k^2}{k-1} \quad (7')$$

и, соответственно,

$$K_o = K_n \cdot K_l = k \cdot \frac{k}{k-1} = \frac{k^2}{k-1} \quad (7'')$$

Большой интерес представляют выражения обобщенного коэффициента фрактальности K_o , непосредственно через длины отрезков деления и коэффициенты фрактализации K_n и K_l в общем виде

$$K_o = K_l + K_n = K_n \cdot K_l = \frac{K_n^2}{K_l - 1} = \frac{K_n^2}{K_n - 1} = \frac{L^2}{L_n \cdot L_l} \quad (7)$$

Анализ выражений (7) показывает, что обобщенный коэффициент фрактальности K_o обладает одновременно аддитивной и мультипликативной связностью с коэффициентами правостороннего (K_n) и левостороннего (K_l) деления отрезка единичной длины в k – кратных отношениях и равен отношению квадрата длины любого (не обязательно единичного) отрезка к произведению их дробных частей. График зависимости обобщенного коэффициента K_o от k представлен на рис. 3.

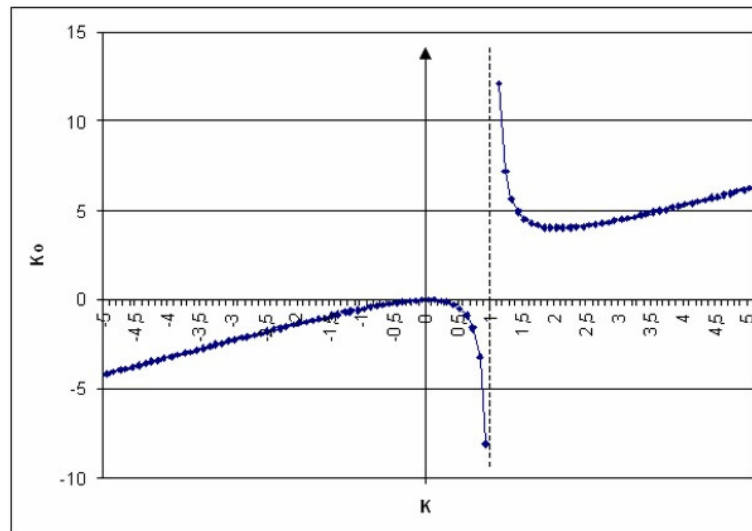


Рисунок 3. График зависимости $K_o = f(k)$.

Введение обобщенного коэффициента фрактальности k – кратных делений единичного отрезка является последним результатом исследований автора. В настоящее время затруднительно предполагать найдет ли этот коэффициент K_o самостоятельное место в геометрических построениях элементов подпространств, но в задачах структурного анализа построения пространственно-временных конфигураций макромира и структур микромира, уже можно говорить. Вполне очевидно, что обобщенный коэффициент фрактальности K_o однозначно разбивает области пространства на подпространства k – кратных дроблений (фрактализации).

1.3.3. Деление протяженностей в точке золотого сечения.

Применяя полученные выражения (2...4), и (6) к особому случаю разбиения единичного отрезка и единичной окружности в гармонической пропорции, из рис. 3. приходим к выводу:

- число Фибоначчи (Фидея), известное в англоязычной литературе как число РНИ, в русскоязычной литературе как Φ , представляем отношением целого к большему, равное отношению большего к меньшему:

$$\hat{O} = \frac{1}{b} = \frac{a+b}{b} = \frac{b}{a} ; \quad (8)$$

Выражение (8) численно может быть описано как решение задачи нахождения корней квадратного уравнения

$$x^2 - x - 1 = 0 \quad (9)$$

которое, как известно, имеет два решения

$$x_1 = +\frac{\sqrt{5}+1}{2} = 1,6180339... = \Phi \quad (10)$$

и

$$x_2 = -\frac{\sqrt{5}-1}{2} = -0,6180339... = -\Phi^{-1} \quad (11)$$

Если первое решение достаточно хорошо изучено, с точки зрения анализа гармонических пропорций в нашем Евклидовом мире, то о втором решении и интерпретации этих решений с точки зрения их сопоставления с введенными коэффициентами фрактальности - левосторонним $K_l(\Phi)$ правосторонним $K_n(\Phi)$ и обобщенным $K_o(\Phi)$, до настоящего исследования, автору не известны.

Следует отметить, что выводы дихотомии неравных частей и применение этого метода к описанию мультипликативных и аддитивных свойств золотых чисел нисходящего ряда, (терминология) [17]

$$1; 1,618; 2,618 \text{ и} \quad (12)$$

к числам восходящего ряда

$$1; 0,618; 0,382 \quad (13)$$

индуктивным методом были получены и опубликованы *И.Ш. Шевелевым* в работе [17] еще в 1990 году, однако истинные гносеологические корни и онтология единства *И.Ш. Шевелевым* в то время не были осмыслены.

Для построения полной системы дуально бесконечных дихотомических рядов чисел золотых сечений проведем нижеследующие выводы.

Вывод рядов золотых чисел.

Исходя из корня $x_1 = \Phi$, выражения (10), получаемого при решении квадратного уравнения (9), найдем значения коэффициентов фрактальности $K_l(\Phi)$, $K_n(\Phi)$ и $K_o(\Phi)$ в точке золотого сечения отрезка единичной длины или окружности единичной длины в Евклидовой плоскости.

Из рассмотрения рис.2 и 2' и соотношений (8) вполне очевидно, что число золотого сечения Φ это и есть число $K_l(\Phi)$, т.к. по определению больший отрезок в задаче деления

$$b = \frac{1}{\hat{E}_g} ,$$

соответственно, в точке гармонического деления отрезка

$$K_l(\Phi) = \Phi = \frac{1}{b} = 1,6180339... \quad (14)$$

Соответственно, для отыскания в этой точке деления коэффициента правостороннего деления $K_n(\Phi)$ необходимо все части выражения (8) одновременно разделить на длину отрезка "b", в результате чего приходим к выражению

$$K_n(\Phi) = \frac{\Phi}{b} = \frac{1}{b^2} = \frac{a+b}{b^2} = \frac{1}{a} \quad (15)$$

т.к. в соответствии с рисунком 2 правосторонний коэффициент фрактальности это отношение целого отрезка на его меньшую часть, т.е. $1/a$.

На основании чего мы можем записать соотношения:

$$K_{n1}(\Phi) = \Phi = 1,6180339\dots \quad (16)$$

$$K_{n1}(\Phi) = \Phi^2 = \Phi + 1 = 2,6180339\dots \quad (17)$$

Примечание: третий член равенства (17) получается простой заменой в равенстве (15) в последнем члене.

Исходя из найденного ранее выражения (7) обобщенный коэффициент фрактальности в точке деления единичного отрезка и окружности единичной длины в золотой пропорции, легко выводится как:

$$K_{01}(\Phi) = K_n(\Phi) + K_{n1}(\Phi) = K_n(\Phi) \cdot K_{n1}(\Phi) = \Phi + \Phi^2 = \Phi \cdot \Phi^2 = \Phi^3 = 4,2360678\dots \quad (18)$$

Далее из известного свойства аддитивности на основании выражений (16), (17) и (18) можем записать первую дуально бесконечную рекуррентную последовательность золотых чисел

$$\dots -0,618, +0,618, 0; 0,618; 1,618; 2,618; 4,2360678; 6,854\dots \quad (19)$$

Последовательность (19) описывается рекуррентным уравнением

$$K_i(\Phi) = K_{i-1}(\Phi) + K_{i-2}(\Phi) \quad (20)$$

в сторону возрастания i и, соответственно

$$K_{i-2}(\Phi) = K_i(\Phi) - K_{i-1}(\Phi) \quad (21)$$

в сторону убывания i .

В мультипликативном виде последовательность (19) для положительных значений i (полуоси) можно получить степенным рекуррентным уравнением вида

$$U_i = \Phi^i \quad (22)$$

В тоже время, очевидно, что чистая мультипликативная связность членов последовательности (19) выраженная через рекуррентное мультипликативное уравнение

$$K_i(\Phi) = K_{i-1}(\Phi) \cdot K_{i-2}(\Phi) \quad (23)$$

Соблюдается только для трех членов в последовательности (24) имеющих номера

$$i=1, i=2, i=3$$

Последовательность же рекуррентных мультипликативно связанных членов по выражению (23) представится рядом чисел:

$$\dots 0,595; 1,618; 1; 1,618; 1,618; 2,618; 4,236; 11,09\dots \quad (24)$$

Эта общая рекуррентная последовательность хотя и соответствует в трех членах последовательности (19), именно для Φ , Φ^2 , Φ^3 в остальных же членах последовательности взаимно не отображаются.

В этом факте мы впервые замечаем возможность использования этих последовательностей для анализа разрешимых построений пространственных структур.

Повторим вывод рядов золотых чисел для второго корня

$$x_2 = -\frac{\sqrt{5}-1}{2} = -0,6180339\dots = -\Phi^{-1} \text{ квадратного уравнения (9)}. \quad (25)$$

Не расписывая подробно сам вывод золотых чисел нисходящих и восходящих рядов аддитивной и мультипликативной связности, приведем только результаты

$$K_{л2}(\Phi) = -0,6180339\dots = \Phi_2 \quad (26)$$

$$K_{п2}(\Phi) = \Phi_2^2 = \Phi_2 + 1 = 0,3819659\dots \quad (27)$$

$$K_{o2}(\Phi) = K_{л2}(\Phi) + K_{п2}(\Phi) = K_{п2}(\Phi) \cdot K_{л2}(\Phi) = -0,236068 \quad (28)$$

Как видно из (28) дробные части $K_{o1}(\Phi)$, выражения и дробная часть $K_{o2}(\Phi)$ совпадают. При этом получаем знакопеременный дуально бесконечный ряд, аналогичный ряду (19)

$$\dots -4,236; 2,618; -1,618; 1; -0,618; 0,382; -0,236; 0,145\dots \quad (29)$$

ряд аналогичный ряду $U_i = \Phi_2^i$

$$-4,236; 2,618; -1,618; 1; -0,618; 0,382; -0,236; 0,146 \quad (30)$$

Как видно, ряды (29) и (30) совпадают для всех значений i а ряд по рекуррентному уравнению (23, 24) принимает вид

$$\dots 0,382; -1,618; -0,618; 1; -0,618; -0,618; 0,382; -0,236; -0,09\dots \quad (31)$$

Выводы по оценке применимости дуально бесконечных рядов чисел золотых сечений, таков:

1. Описание задач деления единичного отрезка и единичной окружности в "k" - кратных отношениях приводят нас к возможности выделения триады коэффициентов дробления отрезков

- правосторонний коэффициент фрактальности $K_n = k \quad (32);$

- левосторонний коэффициент фрактальности $K_{л} = \frac{k}{k-1} \quad (33);$

- обобщенный коэффициент фрактальности $K_o = K_n \cdot K_{л} = k \cdot \frac{k}{k-1} = \frac{k^2}{k-1} \quad (34)$

Этот коэффициент показывает аддитивную и мультипликативную связность левостороннего и правостороннего коэффициентов фрактальности.

2. Сопоставление названных коэффициентов с известными из литературы золотыми числами в случаях с гармоничным дроблением единичных отрезков и окружностей единичной длины позволяют классифицировать золотые числа, выделить аддитивные и мультипликативные свойства этих чисел и однозначно привязать алгебраические корни решения соответствующих золотой пропорции квадратичных уравнений

$$x^2 - x - 1 = 0 \quad (35)$$

$$x^2 + x - 1 = 0 \quad (36)$$

или в общем виде

$$x^{n+2} - x^{n+1} - x^n = 0 \quad \text{и} \quad (37)$$

$$x^{n+2} + x^{n+1} - x^n = 0 \quad (38)$$

к соответствующим связанным подпространствам времени:

- Евклидовому электрическому пространству времени и не Евклидовому гравитационному пространству времени

- а так же,

"Евклидовому анти - пространству времени связанному с не Евклидовым микропространством ядерных и атомных оболочек".

При этом вышеприведенные выводы позволяют показать единственность областей аддитивной и мультипликативной связности в интервале решений для корней уравнений (37), (38) при использовании для анализа размерностей

$$\hat{O}_1^3, \hat{O}_1^2, \hat{O}_1^1 \quad \text{и} \quad (39)$$

$$\hat{O}_2^3, \hat{O}_2^2, \hat{O}_2^1$$

1.4. Проблемы симметризации пространств-времени.

Из выведенных ранее (6,7) уравнений для текущих значений обобщенных коэффициентов фрактальности K_o выявлена несимметричность пар подпространств-времени:

4^x мерных:

- Евклидова электрического
- не Евклидова гравитационного

и 5^m мерных:

- не Евклидова пространства микромира
- Евклидова электрического антипространства-времени.

Эта несимметричность носит характер не симметричности относительно начала координатной системы в пространстве коэффициентов фрактальности.

Это заключение можно сделать из рассмотрения графика зависимости (7) по Рис. 3.

Из анализа графика рис.3 и уравнения (7) совершенно очевиден вывод, что математически сохранение симметрии рассматриваемых миров осуществляется простой операцией переноса начала координат в плоскости (K_o, K_n) на +2 по оси K_o и на +1 по оси $K_n=k$

В результате такой операции переноса центра координатной системы приходим к графику Рис 4.

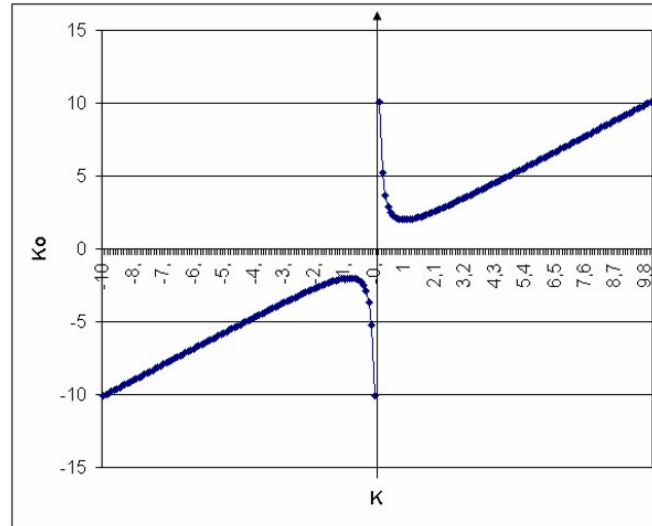


Рисунок 4. График зависимости $K_{o_o} = K'_o = \frac{k^2 + 1}{k}$ в математически симметризованном пространстве.

При этой операции симметризация, выражения (3), (4) и (7) переписутся в виде

$$K'_n = k + 1 \quad (40)$$

$$K'_l = \frac{k + 1}{k} \quad (41)$$

$$K'_{o_m} = K'_n \cdot K'_l = (k + 1) \cdot \frac{k + 1}{k} = \frac{(k + 1)^2}{k} \quad (42)$$

$$K'_{o_a} = K'_l + K'_n = (k + 1) + \frac{k + 1}{k} = \frac{k^2 + k + k + 1}{k} = \frac{(k + 1)^2}{k} \quad (43)$$

Но выражения (42) и (43) не приведут к графику Рис 4. К графику Рис 4. мы приходим, только путем следующей подстановки

$$K'_o = \frac{(k + 1)^2}{k} - 2 = \frac{k^2 + 2k + 1 - 2k}{k} = \frac{k^2 + 1}{k} \quad (44)$$

Но, если выражения (42) и (43) получены из принципа сохранения одновременной мультипликативной и аддитивной связности K'_n и K'_l при формировании обобщенного коэффициента фрактальности K'_o , то в симметризованном графике Рис. 4, уравнение (44) не отвечает принципу одновременного сохранения аддитивной и мультипликативной связности правосторонних и левосторонних

коэффициентов фрактальности. Рассмотрение проводится для данного случая переноса центра координатной системы по отношению к положению, представленному на Рис. 3. Докажем это:

Для чего, сохраняя значение $K'_n = k + 1$, необходимое для выполнения преобразования координат, и, предполагая сохранение аддитивной связности для K'_o , найдем новое значение K'_l

$$K'_l = K'_o - K'_n = \frac{k^2 + 1}{k} - (k + 1) = \frac{k^2 + 1 - k^2 - k}{k} = \frac{1 - k}{k} \quad (45)$$

Как это очевидно, мультипликативная связность для выражения (45) не сохраняется

Проверим, будет ли соблюдаться при этом значении K'_l и мультипликативная связность новых коэффициентов правосторонней K'_n и левосторонней фрактальности K'_l соответственно.

$$K'_o \neq K'_{om} = K'_n \cdot K'_l = (k + 1) \cdot \frac{1 - k}{k} = \frac{(k + 1 - k^2 - k)}{k} = \frac{1 - k^2}{k} \quad (46)$$

Мы видим, что (44) не эквивалентно (46).

Возможна и другая трактовка: для такого мира $K'_n = k$, $K'_l = \frac{1}{k}$; в таком случае единица

линейной протяженности определяется не суммой двух отрезков длины, а их произведением $1 = K'_n \cdot \frac{1}{K'_l}$,

Но и в этом случае сохраняется аддитивная связность обобщенного коэффициента фрактальности с коэффициентами правостороннего и левостороннего деления и не сохраняется их мультипликативная связность.

Все вышесказанное позволяет констатировать, что для симметричной конструкции описания подпространств-времени из их анализа, одновременное условие аддитивной и мультипликативной связности нарушается. На основании чего можно утверждать, что для функции (44), представленной на Рис. 4. нарушается и топологическая связность.

Этот неожиданный результат еще требует осмысления, как требует осмысления и само решения по отнесению ветвей функции K'_o выражения (44) к тем или иным подпространствам времени в новой искусственно созданной их пространственно-временной организации.

Как видно из уравнений (7) и рис.3, возможность переноса начала координат координатной плоскости со смещением ее центра путем операции $(0,0) \rightarrow K'_o + 4, k + 2$ приведет нас к новому построению обобщенной структуры пространства - времени. Это пространство с негативной зеркальной симметрией относительно окружающей нас организации материального мира. В новой организации функция примет вид графика рис.5.

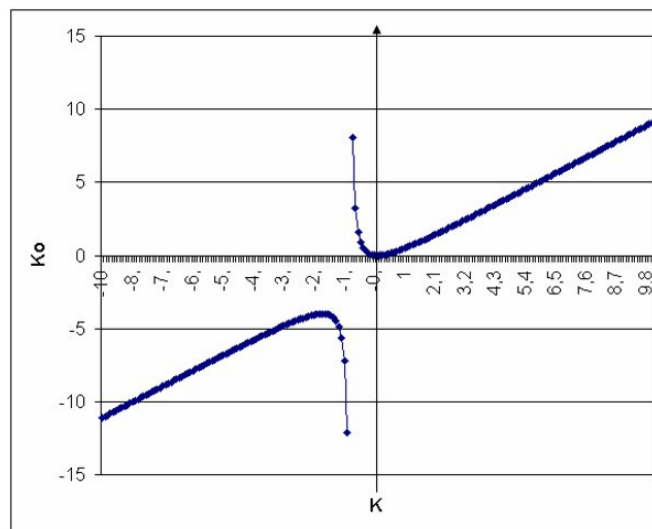


Рисунок 5. График зависимости $K_{o_i} = K''_o = \frac{k^2}{k+1}$ в негативном математическом зеркальном $((0,0) \rightarrow K'_o - 4, k - 2)$ пространстве-времени.

Из последних двух искусственно созданных структур путем переноса центра координатной системы плоскости (K_0, k) пока можно сделать только предварительные выводы:

- что либо для Евклидовых антипространств времени должна выполняться другая арифметика и алгебра,
- либо искусственные математические операции переноса центра координатной плоскости (K_0, k) не имеют ни математического ни физического смысла.

1.5. Проблемы анализа возможных структур пространства-времени.

Частично, повторяя постулированные в начале статьи положения для подведения итогов, еще раз отметим следующее:

-Квадратичная форма метрики (Д), предложенная Фридманом предусматривает подключение четвертого члена уравнения (X_4) , как самостоятельной координаты. Но четвертая координата, как уже отмечалось, в декартовой системе, как самостоятельная, принципиально не может быть ортогональной трем другим пространственным координатам уже ортогональным друг другу.

Следовательно, вводимая четвертая координата времени должна быть не простым вектором, а параметрическим. А это возможно, если рассматривать уравнения метрики не в квадратичной форме, а в параметрической. В технике анализа электромагнитных процессов хорошо известен прием построения фигур Лиссажу, когда два ортогональных члена тригонометрических функций формируют параметрическую координату.

Ссылка на техническое устройство, а не на простой математический прием построения результирующей функции из двух ортогональных друг другу параметрических функций я привел намеренно, т.к. это при выводах понадобится для выявления глубоких заблуждений в теориях построения так называемого динамического или физического вакуума [9].

В пространственном представлении четвертая (и пятая) пространственно-временные координаты обращаются в сферы, каждая со своим радиусом.

Из сказанного вполне очевидно, что для параметрического представления элементов окружающего нас мира все 4 (5) координат в пространстве ортогональны друг другу. Пространственно-временная координаты (X_4, X_5) локально ортогональны каждой из пространственных координат (X_1, X_2, X_3) . И все 4 (5) координат абсолютно ортогональны друг другу в центре построенной координатной системы. Построенная нами параметрическая метрика окружающего пространства времени объединяет декартову трех - мерную координатную систему пространства с полярной сферической координатой (пространственно-временной).

Другими словами, окружающее пространство времени в этой модели, является фазовым пространством.

Представленная модель, практически была осознано введена де Ситтером в его экспоненциальной модели мира. Однако, для дальнейшей критики математически формально правильных представлений, закладываемых в обоснование геометрии (или светогометрии) физического вакуума особо следует оговорить свойства и направленность пространственно-временной координаты.

Введенные пространственно-временные координаты обладают только одной направленностью - от прошлого к будущему и никакие умозрительные построения типа "правосторонней или левосторонней четверки векторов (смотри 16 типов взаиморасположения векторов во второй работе [9]) не имеют никакого физического смысла.

Время во всех четырех подпространствах-времени, первоначально постулированных в начале статьи, имеет один и тот же ход направленности. Даже для явно антагонистических подпространств Евклидова электрического пространства времени и Евклидова электрического антипространства - времени направленность пространственно-временных координат (X_4) и (X_5) одна и та же.

Из эмпирического опыта даже для привычных нам понятий - циферблат стрелочных часов или математическое направление обхода радиуса вектора мы только условно приписываем направление времени на пространственно-временной координате часов ("по часовой стрелке слева на право и против часовой стрелки") для полярной координатной системы.

Вероятно, при становлении этих понятий рассматривались относительные описания вращения Земли т.е. "по часовой стрелке" для внешнего наблюдателя располагаемого над северным полюсом и "против часовой стрелки" для наблюдателя располагаемого на локальной площадке северного полюса.

Эти общие представления делают очевидным утверждение, что введением пространственно-временных координат (X_4) и (X_5) в параметрическом виде мы образно показываем как время в 4^х и 5^{тм} мерных пространствах времени формирует (скрепляет) системой пространственно-временных координат физическую структуру окружающего нас пространства-времени.

В настоящей статье достаточно подробно рассмотрены построения математической модели окружающего нас фазового пространства-времени в его структурном разложении на топологически связанные подпространства.

Выводы:

1. 1. Общее разбиение пространства на подпространства базируется на исследовании свойств трех коэффициентов фрактальности - коэффициентов дробления отрезков:

$$\text{- правостороннего коэффициента фрактальности} \quad K_n = k \quad (47)$$

$$\text{- левостороннего коэффициента фрактальности} \quad K_l = \frac{k}{k-1} \quad (48)$$

$$\text{- обобщенного коэффициента фрактальности} \quad K_o = K_n \cdot K_l = k \cdot \frac{k}{k-1} = \frac{k^2}{k-1} \quad (49)$$

Последний коэффициент показывает аддитивную и мультипликативную связность левостороннего и правостороннего коэффициентов фрактальности. В выводах, показавших нарушение связности этих коэффициентов в математически допустимых конструкциях, но не имеющих физически обоснованных геометрических толкований, эта связность разрывается. Приведенные три коэффициента с большой достоверностью позволили моделировать не только структуру пространства-времени, но и сами структурные элементы, формируемые в двух четырехмерных подпространствах:

- Евклидовом электрическом,
- и не Евклидовом гравитационном,

2. В пятимерных подпространствах времени обобщенные коэффициенты фрактальности формируются не действительной, а аналитической функцией $K_o = f(K_n + i \cdot K_l)$, однако в силу недоработанности аппарата математического моделирования элементарных структур этих подпространств и данных по ссылке [11], эта сторона исследований в настоящей статье не затрагивается.

3. Доказательства раздела 1.4. приводят к выводу, что искусственно созданные конструкции типа : физического вакуума, актуального нуля и нулевой работы, требуют особо критического анализа на предмет выяснения – не разрушаются ли в этих моделях свойства топологической связности.

Заключение:

В статье сделана попытка анализа возможных построений структур пространства-времени на основе элементарного анализа понятий линейной и временной протяженностей. При анализе мы обращаемся не к решению задачи о делении отрезка в данном отношении, используемому в аналитической геометрии [26], а за основу исследования приняты характеристики деления единичной протяженности на k частей. Здесь k принято называть коэффициентом фрактальности.

В ходе доказательств исследованы характеристики правостороннего K_n и левостороннего K_l деления этих отрезков и их объединенной характеристики – обобщенного коэффициента фрактальности K_o , обладающего одновременно как аддитивной, так и мультипликативной связностями с правосторонним и левосторонним коэффициентами фрактальности.

$$K_o = K_l + K_n = K_n \cdot K_l \quad (50)$$

И, хотя, основная доказательная база строится на выводах по математическому моделированию построения геометрических структур элементов подпространств-времени, отраженных в этой статье только примерами, приведенными в Табл. 1, основная часть моделирования может быть доступна при изучении публикаций, данных в примечании. Тем не менее, из анализа графиков зависимостей обобщенного коэффициента фрактальности как функции от коэффициентов правостороннего и левостороннего деления (с использованием удобной реперной точки - точки золотого сечения отрезков) приходим к следующим заключениям:

- К структуре окружающего нас мира мы приходим путем исследования структуры числового континуума с привлечением аппарата гиперкомплексных аналитических функций комплексной переменной;
- Для окружающего нас физического мира характерно правостороннее смещение с дополнительным поворотом на $\frac{\pi}{4}$ функции обобщенных коэффициентов. Его структурные

Элементы моделируются с применением параметрических аналитических функций комплексной переменной $Z_{k_n} = \frac{2\pi}{K_n} + i \cdot \frac{2\pi}{K_l}$; (51)

График представления нашего правостороннего мира характеризуется обобщенным коэффициентом фрактальности $K_o = K_n \cdot K_l = K_n + K_l = \frac{k^2}{k-1}$; (52)

- Гипотетически возможная левосторонняя структура мира (по, крайней мере, на первом этапе зарождения Вселенной) обладала бы левосторонним смещением с тем же дополнительным поворотом $\frac{\pi}{4}$. Для параметрического моделирования его структурных

элементов аналитические функции должны являться функциями комплексной переменной

$$Z_{k_l} = \frac{2\pi}{K_l} + i \cdot \frac{2\pi}{K_n}, \quad (53)$$

График функции $K_{o_n} = K_{o_l} = \frac{k^2}{k+1}$ представлен на Рис. 5.;

- Математически возможное, (но физически не имеющее смысла) построение симметричного мира представлено графиком, Рис. 4. имеет вид функции обобщенного

коэффициента фрактальности $K_{o_o} = K_{o_l} = \frac{k^2+1}{k}$ (54)

Однако, для такого мира $K_{o_n} = k$, $K_{o_l} = \frac{1}{k}$; в таком случае единица линейной протяженности

определяется не суммой двух отрезков длины, а их произведением $1 = K_n \cdot \frac{1}{K_l}$, (55)

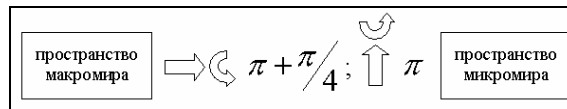
Но и в этом случае сохраняется аддитивная связность обобщенного коэффициента фрактальности с коэффициентами правостороннего и левостороннего деления и не сохраняется их мультипликативная связность. При этом описание симметричного мира в аналитических функциях сводится к функциям действительных переменных

$$Z_{k_o} = \frac{2\pi}{K_l} + \frac{2\pi}{K_n} = \frac{2 \cdot \pi \cdot (k^2 + 1)}{k}, \quad (56)$$

Другими словами, такой гипотетический мир не имеет гравитационной структуры, а подпространства мира и антимира топологически не связаны между собой. И взаимодействие с его подпространствами лишено логического смысла. В реальном мире такая структурная конструкция не имеет физического значения, как не имеют значения такие понятия как физический вакуум, квантовый вакуум, нулевая работа и, возможно, понятие актуального нуля

•

Общий итог – все математические построения в названных направлениях должны базироваться на реальном существовании общей несимметричности построения окружающего нас мира. А при поиске связи между 4^x мерным макро пространством с 5^m мерными микро пространством и анти пространством-времени надо учитывать, что между их элементами и понятиями «левое – правое» отображение осуществляется с применением операции линзовой симметрии, которое через принятые характеристики симметрии можно определить диаграммой



Выражаю свою признательность А.А.Ошарину за оформление иллюстративных материалов и участие в ряде экспериментальных исследований, а так же И.Ф. Ивонниковой за помощь в оформлении статьи.

Настоящая статья в процессе ее написания прошла коллегиальное обсуждение квалифицированными специалистами в форуме портала www.xaos.ru, за что выражаю свою глубокую признательность проф., д.т.н. В.С. Фоменко, д.ф.м.н. Р.Р. Ровинскому, к.б.н А.Н. Барбарашу, к.т.н М.С. Батанову, А. Кучерику, В.Я. Косыеву, к.ф.н А.Колесникову и автору ряда философских монографий В.Г. Попову.

Примечание

1. *Донцов Г.А., Мельников Г.С., Серов И.Н.* Фрактальная концепция детерминированного хаоса, Научно периодическое издание "Философия науки", №3 (18), 2003г., стр. 35...52;
http://soi.srv.pu.ru/r_1251/investigations/fractal_opt/;
<http://gmelnikov.xaos.ru/>
2. под ред. *И.В. Лехин, Ф.Н. Петров.* Словарь иностранных слов в русском языке. – М., ИОНБЕС, 1997, 830 с.
3. *Т. Кун* Структура научных революций. Сер. Логика и методология науки, М., Прогрес, 1977.
4. *А.С.Кравец.* Пост неклассическое единство физики. Научно периодическое издание "Философия науки", №1 (1), 1995г.
5. *Салам А.* Калибровочное объединение фундаментальных сил // УФН. 1980. Т. 132, Вып. 2.
6. *Генденштейн Л.Э., Криве И.В.* Суперсимметрия в квантовой механике // УФН. 1985. Т. 146, Вып.; *Березинский В.С.* Объединенные калибровочные теории и нестабильный протон // Природа. 1984, № 11.
7. *Мигдал А.Б.* Физика и философия // Вопр. философии. 1990. № 1, С. 25.
8. *А. Н. Барбараш* Код. Жизнь. Вселенная.
<http://filosof.net/disput/barbarash/titul.htm>; <http://www.sciteclibrary.ru/rus/catalog/pages/6018.html>;
Он же Проблемы мировоззрения, см настоящий сборник
9. *М.Х. Гаухман.* Алгебра Сигнатур, М., Издатель Гаухман М.Х., 816с, 2004г.
10. *В.Я. Космев.* Единая теория поля, пространства и времени - Нижний Новгород: Издательство "Арабеск", 2000 - 178с. ;
<http://www.n-t.org/tp/ns/etp.htm>
11. NASA Breakthrough Propulsion Physics (BPP) Project . Public Information Site; <http://www.grc.nasa.gov/WWW/bpp/>, *Millis, M.* "Challenge to Create the Space Drive," In Journal of Propulsion and Power (AIAA), Vol. 13, No. 5, pp. 577-682, (Sept.-Oct. 1997)., <http://www.grc.nasa.gov/WWW/bpp/TM-107289.htm>; http://www.grc.nasa.gov/WWW/bpp/bpp_MILLIS_BIO.htm;
<http://www.membrana.ru/articles/global/2004/04/14/143000.html> ; <http://www.membrana.ru/articles/global/2004/04/14/143000.html>
12. *В.Г. Попов.* Логика классической механики. Изд-во «Анатолия», г. Санкт-Петербург, 2005, 259с. ; Он же Логика и реальность, Изд-во С-Петербургского университета, 2004, 247 с. ; Физическая реальность и язык, Изд-во С-Петербургского университета, 2004, 247 с; Природа разума, Изд-во С-Петербургского университета, 2004, 247 с; Главная симметрия природы, Из-во «Анатолия», г. Санкт-Петербург, 2005, 279с.
13. *Н.А. Козырев.* Избранные труды. Из-во С-Петербургского университета. ; <http://timashev.ru/Kozyrev/>
14. *Einstein A.*, Kosmologische Betrachtungen zur allgemeinen Relativitätstheorie, Sitzungsber. Dtsch. Akad. Berlin 1917
De-Sitter, On Einstein's theory of gravitation and its astronomical consequences, Monthly Notices Roy. Astron. Soc., 1916-1917
Фридман А.А. О кривизне пространства, Петроград, 29 мая 1922 г, <http://www.astronet.ru/db/msg/1187035>
15. *Glenn Barnich, Friedemann Brandt, and Kim Claes* Asymptotically anti-de Sitter space-times: symmetries and conservation laws revisited., *Éur Mathematik in den Naturwissenschaften, Leipzig.*, Preprint no.: 51 2003; *David S. Berman and Maulik K. Parikh.* Confinement and the AdS/CFT Correspondence., SPIN-1999/25, UG-1999/42, arXiv:hep-th/0002031 v1
http://www.mis.mpg.de/preprints/2003/preprint2003_51.pdf ; http://arxiv.org/PS_cache/hep-th/pdf/0002/0002031.pdf
16. *О. В. Хокинг, В. Израэль* Общая теория относительности, 1. вводный обзор, "Успехи физических наук", Том 133, вып. 1, 1981 г. Январь; http://data.ufn.ru/ufn81/ufn81_1/Russian/r811e.pdf ; *П.Галисон, Д.Бернет* Эйнштейн, Пуанкаре и современность: беседа, Научно периодическое издание "Философия науки", №3 (22), 2004г., стр. 135...156
17. в статье *И.Ш.Шевелева* в сборнике *И.П.Шевелев, М.А.Мурадаев, И.П.Шмелев.* "Золотое сечение" М. Стройиздат, 1990г.,
18. *Melnikov G.S.* Gnoseology of fractality – fractal optics // Proc. SPIE. – 1997. – V. 3010. – P. 58–68.
19. *Мельников Г.С., Ларионов С.А., Мухеев П.А., Цветков Е.А.* Изв. АН, Серия физическая, М., 1995., т 59, N12, с143...150., *Gennady S. Melnikov, Sergey A. Larionov, Pyotr A. Mikheev, Eugeny A. Tsvetkov* "Discrete scanning systems for digital optical processing and transfer of images by systolic methods", journal B.R.A.S PHYSICS, Vol.59 No. 12 1995, pp2097-2103 Allerton Press, Inc./ New York.
- Мельников Г.С.* Вывод и моделирование уравнений геометрического поля пространственных частот; *Он же.* Теоретическое исследование фокусировки излучения оптическим шаром методами аналитических комплексных функций // Оптический журнал. (Рег. № 13561 от 17.01.2001 г.); *Г.С. Мельников* Геометрическое поле пространственных частот. Вывод параметрических уравнений гиперкомплексных отображений дискретных циклических процессов. Материалы конференции Компьютерное моделирование электромагнитных процессов в физических, химических и технических системах. Третий Международный семинар (г. Воронеж, 22-24 апреля 2004 г.) ; *Г.С. Мельников* Геометрическое поле пространственных частот. Моделирование гиперкомплексных отображений дискретных циклических процессов. Материалы конференции Компьютерное моделирование электромагнитных процессов в физических, химических и технических системах. Третий Международный семинар (г. Воронеж, 22-24 апреля 2004 г.), стр.134...138.
20. *P.A.M.Dirac.* The relation between mathematics and physics. Proceedings of the Royal Society, A vol. 59 (1938-39), pp. 122-129, см. П.А.М. Дирак. К созданию квантовой теории поля. М., Наука, ГРФ-МЛ, 1990.
21. *Г.С. Мельников.* Анализ математической модели построения 3D пространственно-временных конфигураций и циклических процессов с точки зрения причинной механики. Тезисы, материалы Международного семинара Физико-математическое моделирование систем (г Воронеж, 5-6 октября 2004 г.), стр. 148...152; *Он же.* Модель структуры пространств ядерных взаимодействий с точки зрения кватернионных решений уравнений геометрического поля пространственных частот в аналитических параметрических функциях. Материалы IV Международного семинара «Компьютерное моделирование электромагнитных процессов в физических, химических и технических системах. (Воронеж, 21-23 апреля 2005 г.), стр. 107...114; *Г.С. Мельников, А.А. Ошарин, О.В. Андреева, А.П. Кушнарenco* Нано-синтез фотонных кристаллов и фрактальных структур в объемных высококоразрешающих регистрирующих средах. Материалы VI Международной конференции «Действие электромагнитных полей на пластичность и прочность материалов. (Воронеж, 21-23 апреля 2005 г.), стр.229...235
22. см. пространства Хайма-Дрешера: *Walter Dröschel, Jochem Häuser* Guidelines for a space propulsion device based on heim's quantum theory, 40th aiaa/asma/sae/asee joint propulsion conference & exhibit, fort lauderdale, florida, 11-14 july, 2004, AIAA 2004 - 3700 <http://www.hpcc-space.de/publications/documents/aiaa2004-3700-a4.pdf> ; <http://www.engon.de/protosimplex/#Theorie> <http://www.membrana.ru/articles/technic/2006/01/10/200900.html>;
23. Математическая энциклопедия, т.4, Изд-во Советская Энциклопедия, М., 1984г.
24. *И.М. Виноградов.* Основы теории чисел. М., Изд-во ГРФ-МЛ, 1972, 168 с.
25. *Л.С. Понтрягин.* Обобщение чисел, М., Наука, 1986, 120 с.
26. *М.М. Постников.* Аналитическая геометрия., изд-во Наука, ГРФ-МЛ, М., 1972 г., 751 стр.

* * *

Г.С. Мельников. Возможные и невозможные структуры пространства-времени**с точки зрения теории чисел**

В статье исследуются возможные конструкции (регулярные и фрактальные) в четырех вложенных друг в друга подпространствах-времени, формируемых парами в 4х- мерном и 5ти- мерном пространствах-времени, соответственно:

4-х мерные

- Евклидово электрическое,
- не Евклидово гравитационное,

5-ти мерные

- не Евклидово пространство микромира,
- Евклидово электрическое антипространство-время

В статье проводится анализ возможных построений структур этих подпространств на основе элементарного анализа понятий линейной и временной протяженностей. При анализе, за основу исследования приняты характеристики деления единичной протяженности на k частей. Здесь k принято называть коэффициентом фрактальности.

В ходе доказательств исследованы характеристики правостороннего K_n и левостороннего K_l деления этих отрезков и их

объединенной характеристики - обобщенного коэффициента фрактальности K_o , обладающего одновременно как аддитивной, так и мультипликативной связностями с правосторонним и левосторонним коэффициентами фрактальности.

$$K_{o_n} = K_n \cdot K_l = K_n + K_l$$